Mathematik LK 11 M2, HÜ Nr. 2 – Grenzwertsätze Folgen – Lösung A 23.11.2016

Aufgabe 1: Bestimme die Grenzwerte der folgenden Folgen mit Hilfe der Grenzwertsätze:

1.1
$$a_n = -n^2 + \frac{1}{10}n^3 + 2n + 10$$

$$\lim_{n \to \infty} \left(-n^2 + \frac{1}{10} n^3 + 2n + 10 \right) = \lim_{n \to \infty} \left(n^3 \left(-\frac{1}{n} + \frac{1}{10} + \frac{2}{n^2} + \frac{10}{n^3} \right) \right) = \left(\lim_{n \to \infty} n^3 \right) \left(-0 + \frac{1}{10} + 0 + 0 \right) = +\infty$$

$$\mathbf{1.2} \quad a_n = \frac{2n^2 - 1}{3(n^2 + 1)}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2n^2 - 1}{3(n^2 + 1)} = \lim_{n \to \infty} \frac{2n^2 \left(1 - \frac{1}{2n^2}\right)}{3n^2 \left(1 + \frac{1}{n^2}\right)} = \frac{2}{3} \cdot \lim_{n \to \infty} \frac{\left(1 - \frac{1}{2n^2}\right)}{\left(1 + \frac{1}{n^2}\right)} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1 - 0}{1 + 0} = \frac{2}{3}$$

$$\underline{\mathbf{1.3}} \quad a_n = \frac{\frac{1}{n^2} + \frac{1}{n} + \frac{1}{n^3}}{\frac{2}{n^3} + \frac{2}{n} + \frac{2}{n^2}} = \frac{\frac{1}{n} + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{n^3}}{2\left(\frac{1}{n} + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{n^3}\right)} = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{n\to\infty} a_n = \lim_{n\to\infty} \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$