Mathematik Klasse 9a, 3. Klassenarbeit - Wurzeln - Lösung A

02.02.2010

Die Aufgaben jeweils ins Heft übertragen. Alle Rechenschritte angeben. Erlaubte Hilfsmittel: Taschenrechner. Bei den Textaufgaben sind Antwortssätze zu schreiben.

Aufgabe 1: Berechne durch Vereinfachen



a)
$$\sqrt{5^2-3^2} = \sqrt{25-9} = \sqrt{16} = 4$$

1 Punkt

b)
$$\sqrt{1,44\cdot36} = \sqrt{1,44}\cdot\sqrt{36} = 1,2\cdot6 = 7,2$$

2 Punkte

c)
$$\sqrt{\frac{0,25}{0,0225}} = \frac{\sqrt{0,25}}{\sqrt{0,0225}} = \frac{0,5}{0,15} = \frac{50}{15} = \frac{10}{3}$$

2 Punkte

Aufgabe 2: Vereinfache so weit wie möglich

a)
$$\sqrt{3} \cdot (\sqrt{27} - \sqrt{3}) = \sqrt{3} \cdot (\sqrt{3} \cdot \sqrt{9} - \sqrt{3}) = \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{9} - \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 3 \cdot 3 - 3 = 9 - 3 = 6$$

2 Punkte

b)
$$(\sqrt{2}-\sqrt{5})\cdot(\sqrt{2}+\sqrt{5})=2-5=-3$$

1 Punkt

c)
$$\sqrt{\frac{4a^2}{5bc^3}}\sqrt{\frac{27b^5c}{5y^2}} = \sqrt{\frac{4a^2 \cdot 27b^5c}{5bc^3 \cdot 5y^2}} = \sqrt{\frac{4a^2 \cdot 3 \cdot 9b^4}{5c^2 \cdot 5y^2}} = \frac{2a \cdot 3\sqrt{3}b^2}{5 \cdot cy} = \frac{6\sqrt{3}ab^2}{5cy}$$

3 Punkte

Aufgabe 3: Forme den Term so um, dass alles unter einer einzigen Wurzel steht

a)
$$\sqrt{2}\sqrt{5} = \sqrt{2.5} = \sqrt{10}$$

1 Punkt

b)
$$0.5\sqrt{5} \cdot x = \sqrt{0.25 \cdot 5 \cdot x^2} = \sqrt{1.25 x^2}$$

2 Punkte

c)
$$|a+b| = \sqrt{(a+b)^2}$$

1 Punkt

<u>Aufgabe 4:</u> Zeige mit Hilfe einer Rechnung, dass die Gleichung $\sqrt{245} - \sqrt{80} = \sqrt{45}$ stimmt

$$\sqrt{245} - \sqrt{80} = \sqrt{45}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{5 \cdot 49} - \sqrt{5 \cdot 16} = \sqrt{5 \cdot 9}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{5} \cdot \sqrt{49} - \sqrt{5} \cdot \sqrt{16} = \sqrt{5} \cdot \sqrt{9} \mid : \sqrt{5}$$

 \Leftrightarrow 7-4=3 Gleichung erfüllt, die Rechnung stimmt!

3 Punkte

Aufgabe 5: Mache den Nenner rational und vereinfache so weit wie möglich

a)
$$\frac{3-4\sqrt{5}}{3+4\sqrt{5}} = \frac{(3-4\sqrt{5})(3-4\sqrt{5})}{(3+4\sqrt{5})(3-4\sqrt{5})} = \frac{9-2\cdot3\cdot4\cdot\sqrt{5}+16\cdot5}{9-16\cdot5} = -\frac{89-24\sqrt{5}}{71}$$

3 Punkte

b)
$$\frac{s-t}{\sqrt{t}+\sqrt{s}} = \frac{(\sqrt{t}+\sqrt{s})(\sqrt{t}-\sqrt{s})}{(\sqrt{t}+\sqrt{s})} = \sqrt{t}-\sqrt{s}$$

3 Punkte

Aufgabe 6: Bestimme die Lösungsmenge der folgenden Gleichungen:

a)
$$\sqrt{x^2-5} = x+5$$
 | 2
 $\Rightarrow x^2-5 = x^2+10x+25$ | $-x^2-25$
 $\Leftrightarrow -30 = 10x$ | $: 10$
 $\Leftrightarrow -3 = x$ | $\Rightarrow \sqrt{9-5} = 2$
 $\Leftrightarrow \sqrt{4} = 2$ wahr!
L = {-3} | 4 Punkte
b) $\sqrt{9x+12\sqrt{x}+4} = 0$
 $\Rightarrow 3x+2 = 0$ | -2
 $\Leftrightarrow 3x=-2$ | $: 3$
 $\Leftrightarrow x=-\frac{2}{3}$ | L = {} Radikant negativ!
L = {-3} | A Punkte

Aufgabe 7: Die Geschwindigkeit eines Auto mit der Leistung P und dem Gewicht m errechnet sich nach der Formel $v = \sqrt{\frac{2Pt}{m}}$. Dabei ist t die Zeit, in welcher das Auto mit voller Leistung beschleunigt.

Brechne die Zeit t, die ein Auto mit der Masse m = 1200 kg und der Leistung P = 80.000 W benötigt, um die Geschwindigkeit v = 27,78 m/s zu erreichen.

(Die Einheiten können in der Rechnung weggelassen werden. Das Ergebnis wird in Sekunden angegeben).

Lösung: Stelle die Formel nach t um und setze dann die Werte ein (umgekehrt geht's auch)

$$v = \sqrt{\frac{2Pt}{m}} |^{2}$$

$$\Rightarrow v^{2} = \frac{2Pt}{m} | \cdot \frac{m}{2P}$$

$$\Leftrightarrow \frac{mv^{2}}{2P} = t$$

$$t = \frac{1200 \cdot 27,78^2}{2 \cdot 80000} = 5,79$$

A: Das Auto braucht 5,8 Sekunden von 0 auf 100 km/h.

3 Punkte