Mathematik Klasse 8b, Klassenarbeit Nr. 3 - Terme - Lösung B

04.02.2010

Aufgabe 1: Löse die Klammern auf und vereinfache die folgenden Summen:

a)
$$-5 + (3 + 4 \cdot a^2) - a^2 = -5 + 3 + 4a^2 - a^2 = 3a^2 - 2$$

2 Punkte

b)
$$y^2 - (2y^2 - 2xy) - 4y^2 - 2xy + x \cdot x = y^2 - 2y^2 + 2xy - 4y^2 - 2xy + x^2 = -5y^2 + x^2$$

3 Punkte

c)
$$r s t - 2rst^2 + 2r s^2 t - (2r^2 s t + t s r)$$

$$= r s t - 2 r s t^2 + 2 r s^2 t - 2 r^2 s t - r s t$$

$$=$$
 $-2rst^2+2rs^2t-2r^2st$

3 Punkte

d)
$$\frac{2}{9}uv^2 + v + w - \left(\frac{1}{2}uv^2 + v + w\right) = \frac{4}{18}uv^2 + v + w - \frac{9}{18}uv^2 - v - w = -\frac{5}{18}uv^2$$

4 Punkte

Aufgabe 2: Vereinfache die folgenden Terme

a)
$$b^2 \cdot 3 a^2 \cdot 4 b^2 a^2 = 12 a^4 b^4$$

2 Punkte

b)
$$3 \cdot (x^3 y^3) \cdot (-x^2) \cdot (-1) = 3 \cdot x^3 y^3 \cdot x^2 = 3x^5 y^3$$

3 Punkte

c)
$$\frac{u^2 \cdot w \cdot v^3 \cdot u^{11} \cdot v^{10}}{u \cdot v \cdot w} = \frac{u^{13} \cdot w \cdot v^{13}}{u \cdot v \cdot w} = \frac{u^{12} \cdot v^{12}}{1 \cdot 1 \cdot 1} = u^{12} v^{12}$$

3 Punkte

<u>Aufgabe 3:</u> Wandle die folgenden Summen in ein Produkt um, indem du so viele Faktoren wie möglich ausklammerst.

a)
$$2xy + 2xz = 2x \cdot (y + z)$$

2 Punkte

b)
$$3a^2b^2c^2-9abc^2=3abc^2\cdot(ab-3)$$

3 Punkte

c)
$$\frac{1}{3}p^4q^5 - \frac{1}{3}p^4q^6 + \frac{1}{9}p^6q^5 = \frac{1}{3}p^4q^5 \cdot \left(1 - q + \frac{1}{3}p^2\right)$$

4 Punkte

Mathematik Klasse 8b, Klassenarbeit Nr. 3 - Terme - Lösung B

04.02.2010

<u>Aufgabe 4:</u> Wandle die folgenden Produkte durch Ausmultiplizieren in eine Summe um und vereinfache dann so weit wie möglich:

a)
$$(p+q)\cdot (p-q) = p^2 - pq + qp - q^2 = p^2 - q^2$$

2 Punkte

b)
$$(p+q)\cdot (p+q) = p^2 + pq + qp + q^2 = p^2 + 2pq + q^2$$

2 Punkte

c)
$$(p-q)\cdot(p-q)=p^2-pq-qp+q^2=p^2-2pg+q^2$$

2 Punkte

d)
$$\left(\frac{1}{8}x + 3y\right) \left(\frac{1}{4}x - 6y\right)$$

$$= \frac{1}{8}x \cdot \frac{1}{4}x - \frac{1}{8}x \cdot 6y + 3y \cdot \frac{1}{4}x - 3y \cdot 6y$$

$$= \frac{1}{32}x^2 - \frac{6}{8}xy + \frac{3}{4}yx - 18y^2$$

$$= \frac{1}{32}x^2 - 18y^2$$

4 Punkte

e)
$$\left(\frac{1}{4}a + 3b\right)\left(4b - \frac{1}{3}a\right) - \frac{1}{4}\cdot\left(-\frac{1}{3}a^2 + 48b^2\right)$$

$$= \frac{1}{4}a \cdot 4b - \frac{1}{4}a \cdot \frac{1}{3}a + 3b \cdot 4b - 3b \cdot \frac{1}{3}a - \frac{1}{4} \cdot \left(-\frac{1}{3}a^2\right) - \frac{1}{4} \cdot 48b^2$$

$$= ab - \frac{1}{12}a^2 + 12b^2 - ab + \frac{1}{12}a^2 - 12b^2$$

5 Punkte